

Московский Государственный Университет имени М. В. Ломоносова

Дополнительное вступительное испытание по математике

июль–август 2022 года

ВАРИАНТ 221

1. Найдите наименьшее целое число, большее, чем  $\frac{\sqrt{17} + 3}{\sqrt{17} - 3}$ .
2. Сумма первых пятнадцати членов арифметической прогрессии в два раза больше суммы первых десяти членов. Найдите первый член этой прогрессии, если известно, что пятый её член равен 7.
3. Решите уравнение  $\operatorname{tg} x \operatorname{tg} 2x + 3 = 0$ .
4. Решите неравенство  $\left(2 \log_2^2 x - \log_2 x^2 + 1\right)^{x^2-2x} \leq 1$ .
5. Середины сторон выпуклого четырёхугольника  $ABCD$  лежат на окружности. Известно, что  $AB = 1$ ,  $BC = 4$ ,  $CD = 8$ . Найдите  $AD$ .
6. Найдите все значения параметра  $a$ , при которых уравнение

$$x^2 + \left(1 - a + \sqrt[4]{|x|}\right)^2 = \frac{a^2}{4}$$

имеет ровно три решения.

7. Объём треугольной призмы  $ABC A'B'C'$  с основанием  $ABC$  и боковыми рёбрами  $AA'$ ,  $BB'$ ,  $CC'$  равен 72. Найдите объём тетраэдра  $DEFG$ , где  $D$  – центр грани  $ABB'A'$ ,  $E$  – точка пересечения медиан треугольника  $A'B'C'$ ,  $F$  – середина ребра  $AC$  и  $G$  – середина ребра  $BC$ .